

STATISTICA MEDICA



Dott.ssa Marta Di Nicola

N.P.D. 3^o Blocco 2^o piano
0871-3554007
m.dincola@unich.it

<http://www.biostatistica.unich.it>

Dott.ssa Marta Di Nicola



LA DISTRIBUZIONE NORMALE

La distribuzione Gaussiana

«È lo stesso delle cose molto piccole e molto grandi. Credi forse che sia tanto facile trovare un uomo o un cane o un altro essere qualunque molto grande o molto piccolo o, che so io, uno molto veloce o molto lento o molto brutto o molto bello o tutto bianco o tutto nero? Non ti sei mai accorto che in tutte le cose gli estremi sono rari mentre gli aspetti intermedi sono frequenti, anzi numerosi?»
 (Platone, Fedone, XXXIX)

Dott.ssa Marta Di Nicola



Si supponga di eseguire, in condizioni simili e con lo stesso metodo analitico, un **gran numero** di misurazioni della emoglobina glicata, e di riportare in un grafico le **frequenze relative** dei valori ottenuti (x) con le prime 20, 40, ... 5120 misure.

Dott.ssa Marta Di Nicola



LA FORMA DELLA DISTRIBUZIONE DEGLI ERRORI DI MISURA

All'aumentare del numero di misure, i valori tendono ad accentrarsi attorno alla loro media e l'istogramma assume una forma **a campana** sempre più regolare, che può essere approssimata con una funzione reale nota come **funzione di Gauss o funzione normale**.

Dott.ssa Marta Di Nicola



LA CURVA DI GAUSS

- La più importante distribuzione continua che trova numerose applicazioni nello studio dei fenomeni biologici.
- Proposta da Gauss (1809) nell'ambito della teoria degli errori.
- Detta anche **curva degli errori accidentali**

Dott.ssa Marta Di Nicola



La distribuzione Gaussiana

Media μ (171.5 cm)
 Deviazione Standard σ (8.5 cm)

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Frequenza

Altezza (cm)

Distribuzione di frequenza della variabile altezza in una POPOLAZIONE di studenti

Dott.ssa Marta Di Nicola

Le caratteristiche della distribuzione normale

Caratteristiche

- È una distribuzione continua
- È simmetrica rispetto alla media
- Media, mediana e moda coincidono
- È definita da due parametri: media e deviazione standard (μ, σ)
- È una distribuzione di probabilità
- L'area sotto la curva è = 1 (essendo la probabilità che si verifichi un qualsiasi valore di x)

Importanza

1. È la distribuzione di molte variabili continue
2. È la distribuzione di molte variabili *non-normali* dopo una opportuna trasformazione di scala (log, radice)
3. È la distribuzione della media campionaria (vedi di seguito)

Dott.ssa Marta Di Nicola

La distribuzione Gaussiana

Dott.ssa Marta Di Nicola

MEDIA COME PARAMETRO DI POSIZIONE
Al variare della media aritmetica (a parità di dev.standard) la curva trasla sull'asse delle x

DEV STANDARD COME PARAMETRO DI VARIABILITÀ
Al variare della deviazione standard la curva modifica la sua forma

Dott.ssa Marta Di Nicola

INTERVALLI NOTI DI PROBABILITÀ

In una distribuzione normale teorica:

- 68.26%** dei casi sono compresi fra -1 e +1 DS attorno alla media;
- 95.46%** dei casi sono compresi fra -2 e +2 DS attorno alla media;
- 99.74%** dei casi sono compresi fra -3 e +3 DS attorno alla media.

Dott.ssa Marta Di Nicola

DISTRIBUZIONE NORMALE STANDARDIZZATA

Dott.ssa Marta Di Nicola

Variabile normale
 $p(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$

Distribuzione normale

Distribuzione normale standardizzata
 $Z = \frac{(x-\bar{x})}{S}$

Dott.ssa Marta Di Nicola

La tavola della distribuzione Gaussiana Standardizzata

Z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.500	0.496	0.492	0.488	0.484	0.480	0.476	0.472	0.468	0.464
0.1	0.460	0.456	0.452	0.448	0.444	0.440	0.436	0.433	0.429	0.425
0.2	0.421	0.417	0.413	0.409	0.405	0.401	0.397	0.394	0.390	0.386
0.3	0.382	0.378	0.374	0.370	0.367	0.363	0.359	0.356	0.352	0.348
0.4	0.343	0.341	0.337	0.334	0.331	0.328	0.325	0.322	0.319	0.316
0.5	0.309	0.303	0.302	0.298	0.295	0.291	0.288	0.284	0.281	0.278
0.6	0.274	0.271	0.268	0.264	0.261	0.258	0.255	0.251	0.248	0.245
0.7	0.242	0.239	0.236	0.233	0.230	0.227	0.224	0.221	0.218	0.215
0.8	0.212	0.209	0.206	0.203	0.200	0.198	0.195	0.192	0.189	0.187
0.9	0.184	0.181	0.179	0.176	0.174	0.171	0.169	0.166	0.164	0.161
1.0	0.159	0.156	0.154	0.152	0.149	0.147	0.145	0.142	0.140	0.138
1.1	0.136	0.133	0.131	0.129	0.127	0.125	0.123	0.121	0.119	0.117
1.2	0.114	0.111	0.109	0.107	0.105	0.103	0.101	0.099	0.097	0.095
1.3	0.097	0.095	0.093	0.092	0.090	0.089	0.087	0.085	0.084	0.082
1.4	0.081	0.078	0.076	0.075	0.074	0.072	0.071	0.069	0.068	0.066
1.5	0.067	0.064	0.063	0.062	0.061	0.060	0.059	0.058	0.057	0.056
1.6	0.054	0.052	0.050	0.049	0.048	0.047	0.046	0.045	0.044	0.043
1.7	0.045	0.044	0.043	0.042	0.041	0.040	0.039	0.038	0.037	0.037
1.8	0.036	0.035	0.034	0.034	0.033	0.032	0.031	0.030	0.029	0.029
1.9	0.028	0.027	0.027	0.026	0.026	0.025	0.024	0.024	0.023	0.023
2.0	0.023	0.022	0.022	0.021	0.021	0.020	0.019	0.019	0.018	0.018
2.1	0.018	0.017	0.017	0.016	0.016	0.015	0.015	0.014	0.014	0.014
2.2	0.014	0.014	0.013	0.013	0.013	0.012	0.012	0.012	0.011	0.011
2.3	0.011	0.010	0.010	0.010	0.010	0.009	0.009	0.009	0.008	0.008
2.4	0.008	0.008	0.008	0.008	0.008	0.007	0.007	0.007	0.006	0.006
2.5	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005
2.6	0.005	0.005	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004
2.7	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003
2.8	0.003	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002
2.9	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.001	0.001	0.001	0.001

Dott.ssa Marta Di Nicola

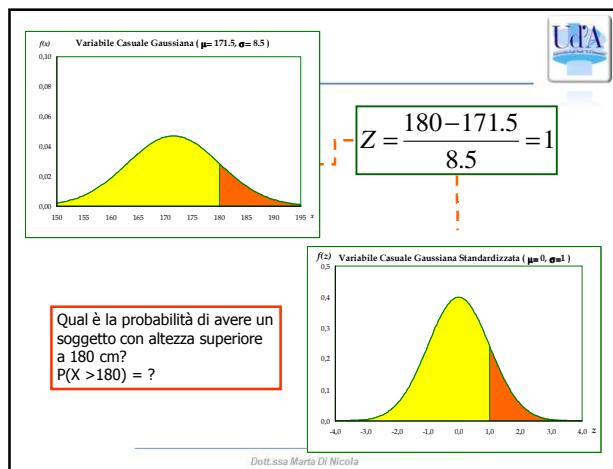


Tavola distribuzione Gaussiana Standardizzata

Z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.500	0.496	0.492	0.488	0.484	0.480	0.476	0.472	0.468	0.464
0.1	0.460	0.456	0.452	0.448	0.444	0.440	0.436	0.433	0.429	0.425
0.2	0.421	0.417	0.413	0.409	0.405	0.401	0.397	0.394	0.390	0.386
0.3	0.382	0.378	0.374	0.371	0.367	0.363	0.359	0.356	0.352	0.348
0.4	0.343	0.341	0.337	0.334	0.330	0.326	0.323	0.319	0.316	0.312
0.5	0.309	0.305	0.302	0.298	0.295	0.291	0.288	0.284	0.281	0.278
0.6	0.274	0.271	0.268	0.264	0.261	0.258	0.255	0.251	0.248	0.245
0.7	0.242	0.239	0.236	0.233	0.230	0.227	0.224	0.221	0.218	0.215
0.8	0.212	0.209	0.206	0.203	0.200	0.198	0.195	0.192	0.189	0.187
0.9	0.184	0.181	0.179	0.176	0.174	0.171	0.169	0.166	0.164	0.161
1.0	0.159	0.156	0.154	0.152	0.149	0.147	0.145	0.142	0.140	0.138
1.1	0.136	0.133	0.131	0.129	0.127	0.125	0.123	0.121	0.119	0.117
1.2	0.115	0.113	0.111	0.109	0.107	0.105	0.104	0.102	0.100	0.099
1.3	0.097	0.095	0.093	0.092	0.090	0.089	0.087	0.085	0.084	0.082
1.4	0.081	0.078	0.076	0.075	0.074	0.072	0.071	0.069	0.068	0.066
1.5	0.067	0.064	0.063	0.062	0.061	0.060	0.059	0.058	0.057	0.056
1.6	0.054	0.052	0.050	0.049	0.048	0.047	0.046	0.045	0.044	0.043
1.7	0.045	0.044	0.043	0.042	0.041	0.040	0.039	0.038	0.037	0.037
1.8	0.036	0.035	0.034	0.034	0.033	0.032	0.031	0.030	0.029	0.029
1.9	0.028	0.027	0.027	0.026	0.026	0.025	0.024	0.024	0.023	0.023
2.0	0.023	0.022	0.022	0.021	0.021	0.020	0.020	0.019	0.019	0.018
2.1	0.018	0.017	0.017	0.017	0.016	0.016	0.015	0.015	0.014	0.014
2.2	0.014	0.014	0.013	0.013	0.013	0.012	0.012	0.011	0.011	0.011
2.3	0.011	0.010	0.010	0.010	0.010	0.009	0.009	0.009	0.008	0.008
2.4	0.008	0.008	0.008	0.008	0.007	0.007	0.007	0.007	0.006	0.006
2.5	0.006	0.006	0.006	0.006	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005
2.6	0.005	0.005	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004
2.7	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003
2.8	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002
2.9	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.001	0.001	0.001	0.001

Dott.ssa Marta Di Nicola

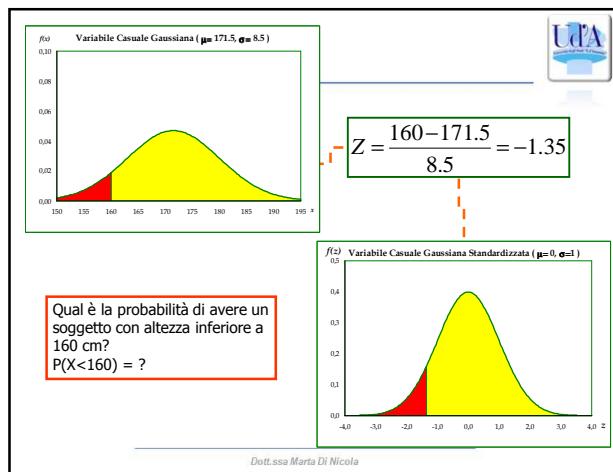
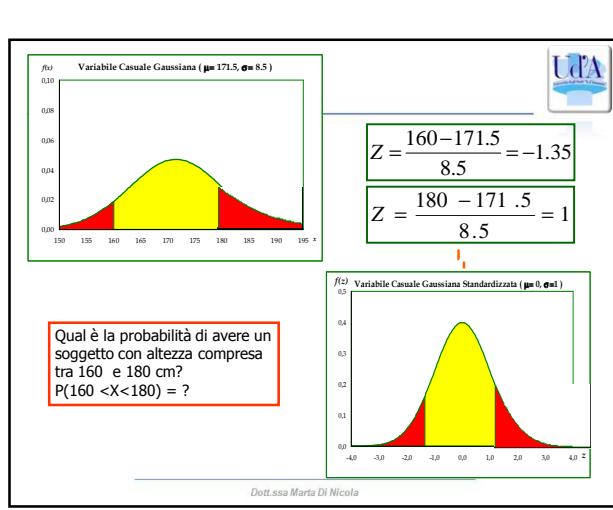
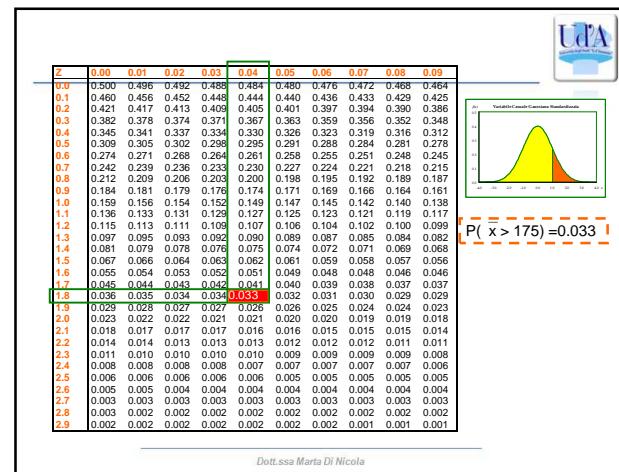
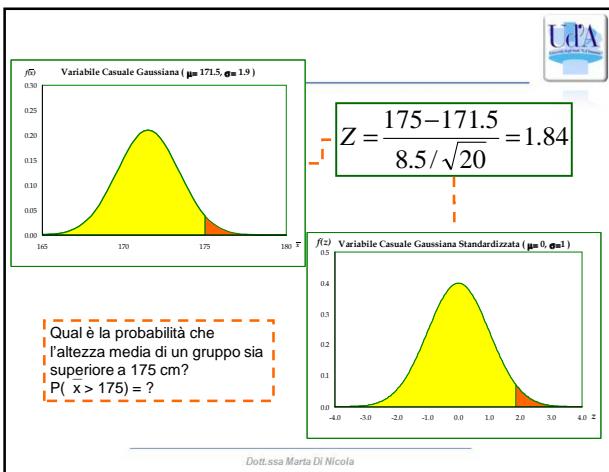
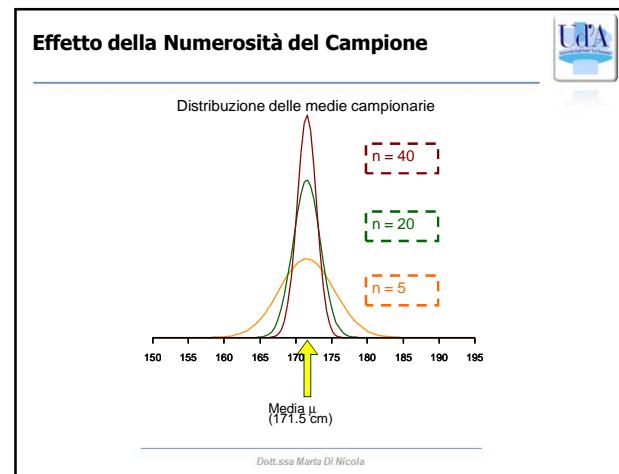
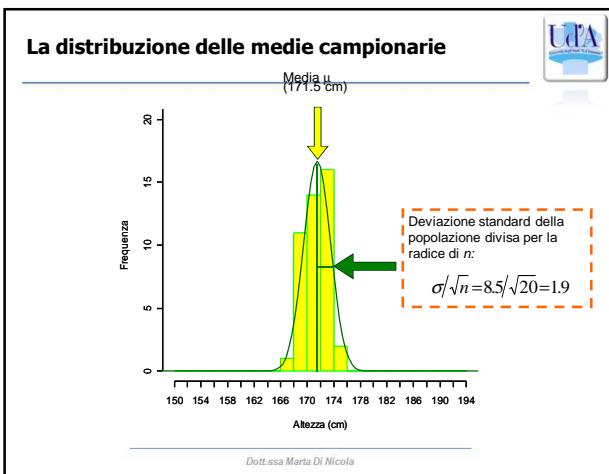
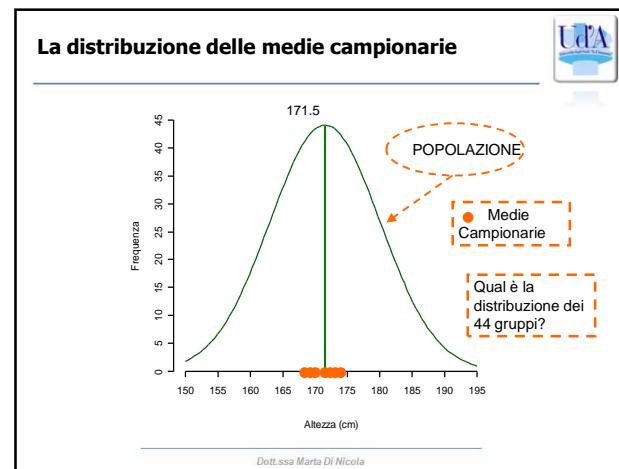
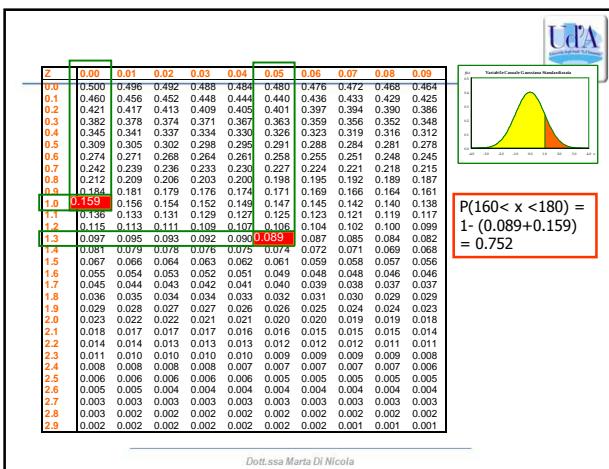


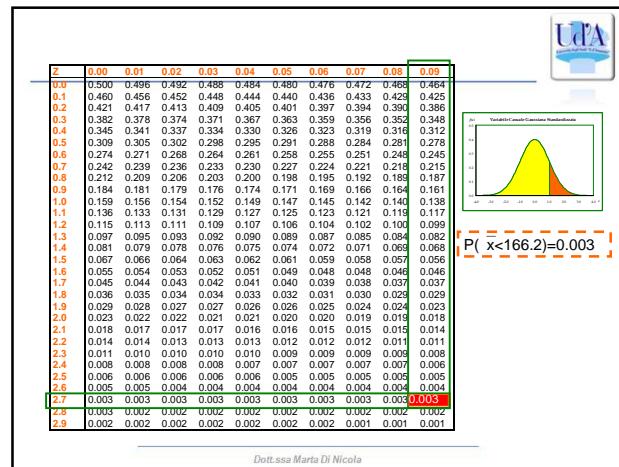
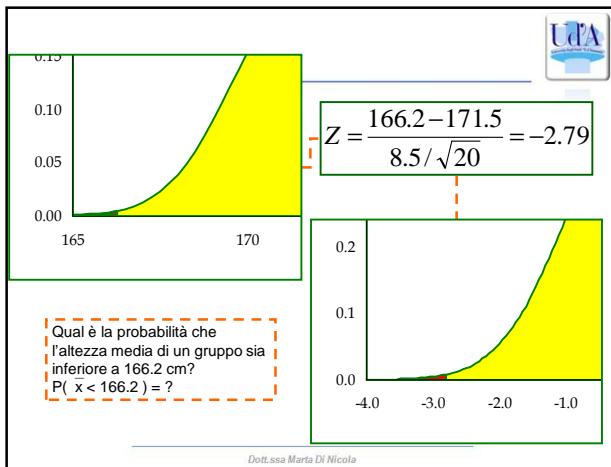
Tavola distribuzione Gaussiana Standardizzata

Z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.500	0.499	0.498	0.497	0.496	0.495	0.494	0.493	0.492	0.491
0.1	0.460	0.459	0.458	0.457	0.456	0.455	0.454	0.453	0.452	0.451
0.2	0.421	0.417	0.413	0.409	0.405	0.401	0.397	0.394	0.390	0.386
0.3	0.382	0.378	0.374	0.371	0.367	0.363	0.359	0.356	0.352	0.348
0.4	0.343	0.341	0.337	0.334	0.330	0.326	0.323	0.319	0.316	0.312
0.5	0.309	0.305	0.302	0.298	0.295	0.291	0.288	0.284	0.281	0.278
0.6	0.274	0.271	0.268	0.264	0.261	0.258	0.255	0.251	0.248	0.245
0.7	0.242	0.239	0.236	0.233	0.230	0.227	0.224	0.221	0.218	0.215
0.8	0.212	0.209	0.206	0.203	0.200	0.198	0.195	0.192	0.189	0.187
0.9	0.184	0.181	0.179	0.176	0.174	0.171	0.169	0.166	0.164	0.161
1.0	0.159	0.156	0.154	0.152	0.149	0.147	0.145	0.142	0.140	0.138
1.1	0.136	0.133	0.131	0.129	0.127	0.125	0.123	0.121	0.119	0.117
1.2	0.115	0.113	0.111	0.109	0.107	0.105	0.103	0.101	0.099	0.097
1.3	0.097	0.095	0.093	0.092	0.090	0.089	0.087	0.085	0.084	0.082
1.4	0.081	0.079	0.078	0.076	0.075	0.074	0.072	0.071	0.069	0.068
1.5	0.067	0.066	0.064	0.063	0.062	0.061	0.059	0.058	0.057	0.056
1.6	0.054	0.054	0.053	0.052	0.051	0.050	0.048	0.048	0.046	0.046
1.7	0.045	0.044	0.043	0.042	0.041	0.040	0.039	0.038	0.037	0.037
1.8	0.036	0.035	0.034	0.034	0.033	0.032	0.031	0.030	0.029	0.029
1.9	0.028	0.027	0.027	0.026	0.026	0.025	0.024	0.024	0.023	0.023
2.0	0.023	0.022	0.022	0.021	0.020	0.020	0.019	0.019	0.018	0.018
2.1	0.018	0.017	0.017	0.016	0.016	0.015	0.015	0.015	0.014	0.014
2.2	0.014	0.014	0.013	0.013	0.012	0.012	0.012	0.011	0.011	0.011
2.3	0.011	0.010	0.010	0.010	0.010	0.009	0.009	0.009	0.008	0.008
2.4	0.008	0.008	0.008	0.008	0.007	0.007	0.007	0.007	0.006	0.006
2.5	0.006	0.006	0.006	0.006	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005	0.005
2.6	0.005	0.005	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004	0.004
2.7	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003	0.003
2.8	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002
2.9	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.002	0.001	0.001	0.001	0.001

Dott.ssa Marta Di Nicola







La Distribuzione Delle Medie Campionarie

Proprietà

- La media della distribuzione campionaria è uguale alla media μ della popolazione;
- La deviazione standard della distribuzione delle medie campionarie è uguale a σ/\sqrt{n} . Questa quantità è nota come *Errore Standard*;
- La forma della distribuzione delle medie campionarie è approssimativamente normale, posto che n sia sufficientemente grande

Dott.ssa Marta Di Nicola